

Tantárgyi programok, tantárgyleírások

Tantárgy neve: Matematikai analízis III	Kreditszáma: 5
Tanóra típusa: előadás/gyakorlat és száma: 2/2	
Számonkérés módja: kollokvium	
Tantárgy tantervi helye (félév): 5	
Előtanulmányi feltételek (<i>ha vannak</i>): Matematika szigorlat	
Tantárgyleírás:	
<p>Metrikus tér. Metrikus téren értelmezett függvény folytonossága. Kontrakció. Fixponttétel. Fixponttétel alkalmazásai: lineáris egyenlet megoldása, fokozatos közelítés. Differenciálegyenlet megoldása, Picard tétel. Funkcionálok metrikus tereken. Folytonosság. Korlátosság. Alulról/felülről félig folytonos függvények. Függvény teljes variációja</p> <p>Normált tér. Funkcionálok normált terekben. Folytonos lineáris funkcionálok tulajdonságai. Konjugált tér. Banach tér. Véges dimenziós terek, lehetséges normák. Banach-Hahn tétel. Második konjugált tér, reflexív/irreflexív terek. Gyenge konvergencia, erős konvergencia. Lineáris operátorok Banach terekben. Operátor normája. Operátor spektruma, kapcsolat sajátértékekkel. Teljesen folytonos operátor. Invertálhatóság. Adjungált operátor.</p> <p>Általánosított függvények. Közönséges függvények, mint speciális eset. Disztribúció deriváltja. Dirac delta, ennek deriváltja ill. primitív függvénye.</p> <p>Lebesgue mérték R-ben. Mérhető halmazok. Null mértékű halmazok. Mérhető függvények. Lebesgue integrál. Tulajdonságai. Kapcsolat a Riemann integrállal. Konvergencia típusok valós függvények esetén: pontonkénti-, majdnem mindenütt-, egyenletes-, gyenge-, mértékben-. Ezek kapcsolata. L_2 Hilber tér. Skalárszorzat, norma. L_2 teljessége. Függvényrendszerek L_2-ben: független, teljes, ortogonális. Ortonormált bázis konstrukciója. Riesz-Fisher tétel. Általánosított Fourier sorfejtés. L_2 és l_2 izomorfiája. Speciális ortonormált függvényrendszerek. Absztrakt Hilber tér. Lineáris funkcionálok. Bilineáris függvény, kvadratikus függvény. L_p terek, $p \geq 1, L_\infty$ tér.</p> <p>Vektormező. Vektormező deriváltja. Speciális jellemzők: divergencia, rotáció, ezek szemléletes jelentése. Gauss-Ostrogradszkij tétel. Stokes tétel. Cirkuláció, ennek szemléletes jelentése. Differenciálható sokaság R_n-ben. Parametrikus és implicit megadás. Példa: vonal, felület. Sokaság határa. Irányíthatóság. Differenciálható sokaság érintő tere. Vonalintegrál: definíció és kiszámítás. Speciális eset R^2-ben. Felületi integrál R^3-ban. Elemi 1- 2- k-formák, mint aldeterminánsok. Általános k-formák R_n-ben. Külső szorzat. Differenciál k-formák. Külső deriválás. Speciális eset R^3-ban. Integrálás sokaságokon. Általános Stokes tétel.</p> <p>Variációszámítás. Motiváció: fizikai példák. Optimum létezésének szükséges feltétele, Euler egyenlet. Lánchgörbe. Többváltozós eset. Gömbfelületen legrövidebb út meghatározása.</p> <p>Parciális differenciálegyetek: fizikai példák. Kvázi-lineáris egyenlet megoldása. Elsőrendű példán: karakterisztikus egyenesek, analitikus megoldás véges differenciák módszerével.</p>	
A 3-5 legfontosabb kötelező irodalom:	
<p>Thomas A. Garrity: All the mathematics you missed...Cambridge University Press, 2002; R.F. Curtain, A.J. Pritchard: Functional Analysis in Modern Applied Mathematics, 10. fejezet; M.Renardy, R.C.Rogers: An introduction to Partial Differential Equations, Springer-Verlag, 1993. 1. fejezet; R. Courant-F. John: Introduction to Calculus and Analysis I-II. Springer</p>	
Ajánlott irodalmak:	
Tantárgyfelelős (név, beosztás, tud. fokozat) Dr. Vágó Zsuzsanna, doc, PhD	